

## ⑥【DC-DC 変換器】 講師: 譲原 逸男

## DC-DC変換器 (第3日2限)

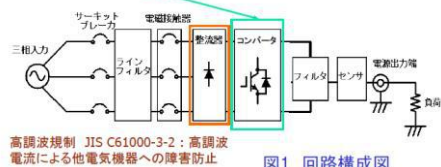
横浜国立大学  
譲原 逸男

## 目次

1. DC-DC変換器の概要
2. LCの働き
  - (2-1)~(2-5) RLとRC回路、インダクタおよびキャパシタのふるまい。
3. チョップバ回路
  - (3-1) スイッチ素子に要求される条件
  - (3-2)~(3-5) 降圧チョップバ
  - (3-6)~(3-7) 昇圧チョップバ
  - (3-8)~(3-9) 昇降圧チョップバ
  - (3-10) 各種チョップバのキャパシタ電流の比較
4. DC-DCコンバータ
  - (4-1) 降圧チョップバの絶縁化の検討
  - (4-2)~(4-4) フォワードコンバータ
  - (4-5) フライバックコンバータ
  - (4-6) ブッシュプルコンバータ
5. DC-DCコンバータの応用例
  - (5-1) 位相シフト方式DC-DCコンバータの原理
  - (5-2) 700kHz位相シフト方式DC-DCコンバータ
  - (5-3) 4構成位相シフト方式DC-DCコンバータ

## 1. DC-DC変換器の概要

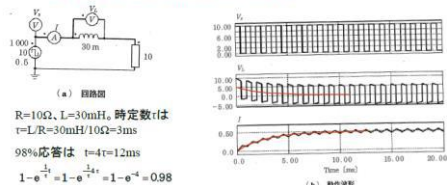
直流電圧を出力する方式は、商用交流電圧を受電し、整流器で一旦直流に変換(AC-DC変換)後にコンバータ動作(DC-DC変換)させるのが一般的である。



## 2. LCの働き

## (2-1) RL回路の応答

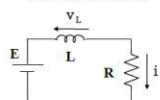
DC-DC変換の平滑用にLが用いられる例



## 2. LCの働き

## (2-2) RL回路のステップ応答

RL回路の過渡応答



$$E = v_L + Ri = L \frac{di}{dt} + Ri$$

$$E/s = L[s i(s) - i(0)] + Ri(s)$$

$$i(s) = \frac{E/s + Li(0)}{L[s + R/L]}$$

$$= \frac{E}{R} \left( \frac{1}{s} - \frac{1}{s + R/L} \right) + \frac{i(0)}{s + R/L}$$

$$i(t) = \frac{E}{R} \left( 1 - e^{-\frac{R}{L}t} \right) + i(0)e^{-\frac{R}{L}t} \dots (2.1)$$

時定数 $\tau$ は $\tau=L/R$ である。 $t=4\tau$ の時点で、

$$1 - e^{-\frac{1}{\tau}t} = 1 - e^{-\frac{1}{4}t} = 1 - e^{-1} = 0.98 \Rightarrow i(4\tau) = 0.98 \frac{E}{R} + 0.02i(0)$$

となり、98%の応答を示す。

$R=10\Omega, L=30mH$ の場合、 $\tau=L/R=30mH/10\Omega=3ms$ 、98%応答は $4\tau=12ms$ である。

## ⑥【DC-DC 変換器】 講師: 譲原逸男

## 2. LCの働き

## (2-3) RC回路のステップ応答

## RC回路の過渡応答

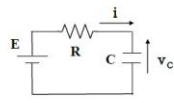


図2.3 RC回路

$$E = Ri + v_C = RC \frac{dv_C}{dt} + v_C$$

$$E/s = RC s v_C(s) - RC v_C(0) + v_C(s)$$

$$v_C(s) = \frac{E/s + RC v_C(0)}{RC(s + 1/RC)}$$

$$= E \left( \frac{1}{s} \frac{1}{s + 1/RC} \right) + \frac{v_C(0)}{s + 1/RC}$$

$$v_C(t) = E \left( 1 - e^{-\frac{t}{RC}} \right) + v_C(0) e^{-\frac{t}{RC}} \quad (2.2)$$

時定数  $\tau = RC$  である。  $t = 4\tau$  の時点で、

$$1 - e^{-\frac{4}{\tau}} = 1 - e^{-4} = 1 - 0.0183 = 0.9817 \Rightarrow v_C(4\tau) = 0.9817E + 0.0183v_C(0)$$

となり、98%の応答を示す。

$R=10\Omega$ ,  $C=300\mu F$  の場合、 $\tau=RC=10\Omega \times 300\mu F=3ms$ 、98%応答は  $4\tau=12ms$  である。

## 2. LCの働き

## (2-4) インダクタのふるまい

## インダクタ電流の性質

$$v_L = L \frac{di}{dt}, \quad i(b) = \frac{1}{L} \int_{t_a}^b v_L dt + i(a)$$

$$\Delta i_{ab} = i(b) - i(a) = \frac{V(ave)_{ab}}{L} t_{ab} \quad (2.3)$$

$$V(ave)_{ab} = \frac{1}{t_{ab}} \int_{t_a}^b v_L dt, \quad t_{ab} = t_b - t_a$$

$$\Delta i_{bc} = i(c) - i(b) = \frac{V(ave)_{bc}}{L} t_{bc} \quad (2.4)$$

$$|\Delta i_{ab}| = |\Delta i_{bc}|$$

周期波形の場合、 $i(p)$ と一周後の $i(q)$ は等しい

図2.4 インダクタの特性波形

(例):  $L=10mH$ ,  $V(ave)_{ab}=100V$ ,  $t_{ab}=80\mu s$

$$\Delta i_{ab} = \frac{V(ave)_{ab}}{L} t_{ab} = \frac{100V}{10mH} 80\mu s = 0.8A$$

## 2. LCの働き

## (2-5) キャパシタのふるまい

## キャパシタ電圧の性質

$$i = C \frac{dv}{dt}, \quad v_C(b) = \frac{1}{C} \int_{t_a}^b i dt + v_C(a)$$

$$\Delta v_{ab} = v_C(b) - v_C(a) = \frac{i(ave)_{ab}}{C} t_{ab} \quad (2.5)$$

$$i(ave)_{ab} = \frac{1}{t_{ab}} \int_{t_a}^b i dt, \quad t_{ab} = t_b - t_a$$

$$\Delta v_{bc} = v_C(c) - v_C(b) = \frac{i(ave)_{bc}}{C} t_{bc} \quad (2.6)$$

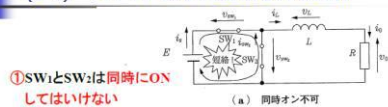
$$|\Delta v_{ab}| = |\Delta v_{bc}|$$

周期波形の場合、 $v(p)$ と一周後の $v(q)$ は等しい

図2.5 キャパシタの特性波形

## 3. チョツパ回路

## (3-1) スイッチ素子に要求される条件



①  $SW_1$ と $SW_2$ は同時にON  
してはいけない

(a) 同時オン不可

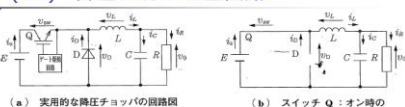
②  $SW_1$ と $SW_2$ は同時にOFF  
してはいけない

(b) 同時オフ不可

図3.1 インダクタが接続されたスイッチ素子に要求される条件

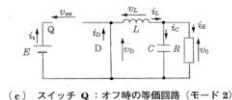
## 3. チョツパ回路

## (3-2) 降圧チョツパの主回路



(a) 実用的な降圧チョツパの回路図

(b) スイッチ Q: オン時の等価回路 (モード1)



(c) スイッチ Q: オフ時の等価回路 (モード2)

図3.2 実用的な降圧チョツパの回路図とモード別等価回路

## ⑥【DC-DC 変換器】 講師: 譲原逸男

## 3. チョットパ回路

## (3-3) 降圧チョットパの動作波形

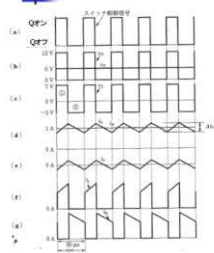


図3.2(a)の $i_L$ の変分電流 $\Delta i_L$ は  
(2.3), (2.4)式の $\Delta i_{ab}, \Delta i_{bc}$ の関係式より

$$\Delta i_L = \Delta i_{ab} = \frac{V_{ave} i_{ab}}{L} t_{on} = \frac{E - v_O}{L} t_{on}$$

$$\Delta i_L = \Delta i_{bc} = -\frac{v_O}{L} t_{off} = -\frac{v_O}{L} (T - t_{on})$$

$$|\Delta i_{ab}| = |\Delta i_{bc}| = (E - v_O) t_{on} = v_O (T - t_{on})$$

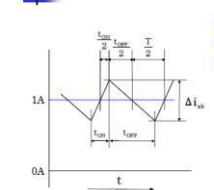
$$v_O = \frac{E t_{on}}{T} = dE \quad (3.1)$$

デューティ比を $d$ とする

図3.3 降圧チョットパの動作波形  
 $T=50\mu s, E=12V, v_O=5V, L=700\mu H, R=5\Omega$

## 3. チョットパ回路

## (3-4) 降圧チョットパの出力リップル電圧



出力リップル電圧 $\Delta v_{ab}$ の関数式は  
 図3.3(d), (e)の波形と(2.5)式より導出可能。  
 図3.3(d)を拡大した左図の $\Delta i_{ab}$ を用いると、

$$\Delta i_c = \Delta i_L = \Delta i_{ab}$$

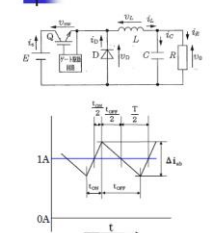
$$\Delta v_{ab} = \frac{i_{ave} i_{ab}}{C}$$

$$= \frac{\Delta i_{ab}}{4C} \times \frac{t_{on} + t_{off}}{2} = \frac{\Delta i_{ab}}{8C} T \quad (3.2)$$

図3.4 降圧チョットパにおける $\Delta v_{ab}$ の導出例

## 3. チョットパ回路

## (3-5) 降圧チョットパ回路のL, C設計例



(1) 図3.3の条件の場合

$T=50\mu s, E=12V, v_O=5V, L=700\mu H, R=5\Omega$   
 $\Delta i_{ab}$ は(2.3)式より

$$d = \frac{v_O}{E} = \frac{5}{12} = 0.4167, T_{on} = dT = 0.4167 \times 50 = 20.84\mu s$$

$$\Delta i_{ab} = \frac{V_{ave} i_{ab}}{L} t_{on} = \frac{E - v_O}{L} T_{on} = \frac{12 - 5}{700} \times 20.84 = 0.208A$$

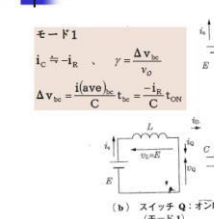
$$i_{rms} = \sqrt{I_{dc}^2 + I_{ac}^2} = \sqrt{I_{dc}^2 + \left(\frac{\Delta i_{ab}}{2\sqrt{3}}\right)^2} = \sqrt{1^2 + \left(\frac{0.208}{2\sqrt{3}}\right)^2} = 1.002A$$

$V_{O-ave} \approx v_O = 5V$ , リップル電圧 $\Delta v_{ab}$ は、  
 $\Delta v_{ab} = 0.02 V_{O-ave}$  の条件で設計すると、  
 $\Delta v_{ab} = 0.02 V_{O-ave} = 0.02 \times 5 = 0.1V$   
 $\Delta i_{ab}$ は(3.2)式より、

$$C = \frac{\Delta i_{ab} T}{8 \Delta v_{ab}} = \frac{0.208}{8 \times 0.1} \times 50 = 13.0\mu F$$

## 3. チョットパ回路

## (3-6) 昇圧チョットパの主回路



モード1  
 $i_c \approx -i_R, \gamma = \frac{\Delta v_{bc}}{v_O}$   
 $\Delta v_{bc} = \frac{i_{ave} i_{bc}}{C} t_{on} = -\frac{i_R}{C} t_{on}$

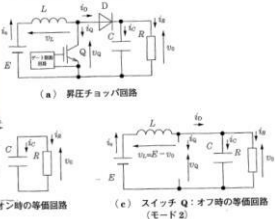


図3.5 昇圧チョットパの回路図とモード別等価回路

## 3. チョットパ回路

## (3-7) 昇圧チョットパの動作波形

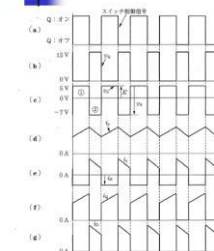


図3.5(a)の $i_L$ の変分電流 $\Delta i_L$ は  
(2.3), (2.4)式の $\Delta i_{ab}, \Delta i_{bc}$ の関係式より

$$\Delta i_{ab} = \frac{V_{ave} i_{ab}}{L} t_{on} = \frac{E}{L} t_{on}$$

$$\Delta i_{bc} = \frac{E - v_O}{L} t_{off} = \frac{E - v_O}{L} (T - t_{on})$$

$$|\Delta i_{ab}| = |\Delta i_{bc}| = E t_{on} = (v_O - E) (T - t_{on})$$

$$v_O = \frac{ET}{T - t_{on}} = \frac{E}{1 - d} \quad (3.3)$$

デューティ比を $d$ とする

図3.6 昇圧チョットパの動作波形  
 $T=50\mu s, E=5V, v_O=12V, L=700\mu H, R=28.8\Omega$

## ⑥【DC-DC 変換器】 講師: 譲原逸男

## 3. チョップパ回路

## (3-8) 昇降圧チョップパの主回路

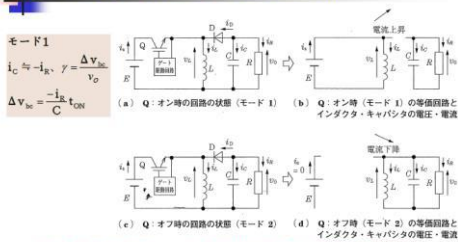
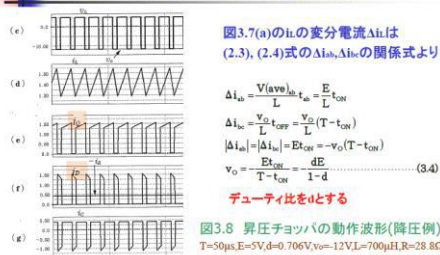


図3.7 昇降圧チョップパの回路図とモード別等価回路

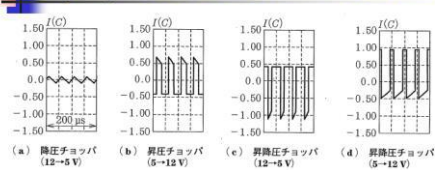
## 3. チョップパ回路

## (3-9) 昇降圧チョップパの動作波形



## 3. チョップパ回路

## (3-10) 各種チョップパのキャパシタ電流の比較



[12V→5V]: (1)昇降圧は降圧と比較してリップル電流 $I(C)$ が約11倍の過大  
 [5V→12V]: (2)昇降圧は昇圧と比較してリップル電流 $I(C)$ が約1.5倍の過大

## 4. DC-DCコンバータ

## (4-1) 降圧チョップパの絶縁化の検討

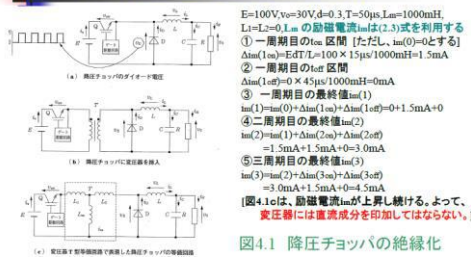
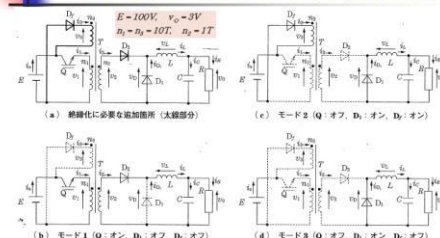


図4.1 降圧チョップパの絶縁化

## 4. DC-DCコンバータ

## (4-2) フォワードコンバータ原理回路と動作





## ⑥【DC-DC 変換器】 講師: 譲原逸男

## 4. DC-DCコンバータ

## (4-3) フォワードコンバータの動作波形



図4.3 フォワードコンバータの動作波形

## 4. DC-DCコンバータ

## (4-4) フォワードコンバータの計算例

$E=100V, n_1=10\text{turn}, n_2=1\text{turn}, n_3=10\text{turn}, F=20\text{kHz}, d=0.3,$   
 $L_m=10\text{mH}$ ( $n_2$ から見た値),  $L=1\text{mH}, C=500\mu\text{F}, R=5\Omega$

- ① [モード1] 図4.2(b)で(Q:ON), (D&D1:OFF)の状態  
 $v_1=100V, v_2=10V, v_3=100V, v_0=d \times v_2=0.3 \times 10=3V, i_B=3V/5\Omega=0.6A$   
 図4.3(g):  $i_2(\text{ave})=i_B=0.6A, i_1(\text{ave})=i_B \times (n_2/n_1)=0.6 \times (1/10)=60\text{mA}$   
 図4.3(h):  $\Delta i_2=(v_2-v_0) \times t_{\text{on}}/L=(10-3) \times 15\mu\text{s}/1\text{mH}=0.105A$   
 図4.3(i-1):  $\Delta i_1=\Delta i_2 \times (n_2/n_1)=0.105A \times (1/10)=0.0105A$
- ② [モード2] 図4.2(c)で(Q:OFF), (D&D1:ON)の状態  
 $n_3$ から見た励磁インダクタンス $L_{m3}$ は $L_{m3}=L_m \times (n_3/n_2)^2=10\text{mH} \times (10/1)^2=1H$   
 モード1で $n_1$ の印加電圧 $E$ による励磁電流 $i_m$ は、 $i_m=E \times t_{\text{on}}/L_{m1}=100 \times 15\mu\text{s}/1H=1.5\text{mA}$   
 よって観測できる $i_3$ は、 $i_3=\Delta i_3=i_m \times n_3=1.5\text{mA} \times 10=15\text{mA}$   
 図4.3(h):  $i_3=1.5\text{mA}, t_{\text{reset}}=15\mu\text{s}$   
 図4.3(i-2):  $i_3=1.5\text{mA}, t_{\text{reset}}=15\mu\text{s}$
- ③ [モード2+モード3] 図4.2(c,d)で(D2:OFF), (D1:ON)の状態  
 図4.3(j):  $\Delta i_D=(v_0-v_2) \times t_{\text{off}}/L=3 \times 35\mu\text{s}/1\text{mH}=0.105A$

## 4. DC-DCコンバータ

## (4-5) フライバックコンバータ原理回路

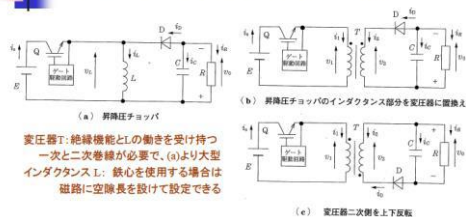


図4.4 フライバックコンバータの原理回路

## 4. DC-DCコンバータ

## (4-6) プッシュプルコンバータの主回路

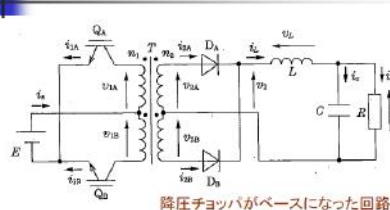
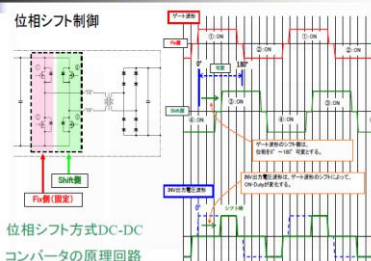


図4.5 プッシュプルコンバータの主回路

## 5. DC-DCコンバータの応用例

## (5-1) 位相シフト方式DC-DCコンバータの原理



## ⑥【DC-DC 変換器】 講師: 譲原逸男

## 5. DC-DCコンバータの応用例

## (5-2) 700kHz位相シフト方式DC-DCコンバータ

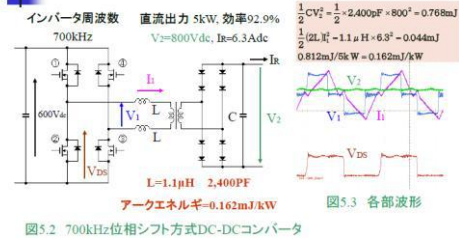


図5.3 各部波形

## 5. DC-DCコンバータの応用例

## (5-3) 4合成位相シフト方式DC-DCコンバータ

